

DOI: 10.46943/XI.CONEDU.2025.GT13.016

O ENSINO DE FUNÇÕES POLINOMIAIS DO 1º GRAU E CONEXÕES: UMA PROPOSTA DE ABORDAGEM VIA MODELAGEM MATEMÁTICA

Igor Raphael Silva de Melo¹
Misleide Silva Santiago²

RESUMO

O presente artigo apresenta uma proposta para o ensino de Matemática que contempla desde a Educação Básica ao Ensino Superior, acerca do conteúdo de Funções Polinomiais e suas conexões com outros tópicos matemáticos que são entrelaçados e discutidos através de uma abordagem de ensino, a Modelagem Matemática. Este trabalho é resultado de um estudo experimental realizado durante a disciplina Ensino Aprendizagem de Matemática no Ensino Fundamental e Médio, entre estudantes do mestrado acadêmico, pelo Programa de Pós Graduação em Ensino de Ciências e Educação Matemática – UEPB, que buscou investigar a ocorrência de aprendizagem e ressignificação de alguns conceitos e ideias matemáticas baseado em estudos teórico-metodológicos, trabalhados na disciplina, e assim, formalizar e construir uma proposta de ensino, utilizando-se de metodologias ativas, que permeie a democratização do ensino-aprendizagem de Matemática. Foi desenvolvido, após um estudo acerca das teorias e práticas no ensino de Matemática, um curso de curta duração com a participação de discentes do curso de mes-

-
- 1 Mestre em Ensino de Ciências e Educação Matemática pela Universidade Estadual da Paraíba - UEPB, igor.rapha6@gmail.com;
 - 2 Mestre em Ensino de Ciências e Educação Matemática pela Universidade Estadual da Paraíba - UEPB, misleide.santiago@gmail.com;

trado, de modo a não só apresentar a proposta da abordagem de ensino, como também colocar em prática através do desenvolvimento de uma situação de Modelagem Matemática que provocasse a reflexão docente sobre a carência e importância em promover ações que despertem um olhar especial não só ao ensino de Funções Polinomiais e suas conexões, como também, a promoção de mais artigos e estudos sobre a temática na literatura, que também se encontra escassa. Com isso, foi possível mostrar, através da prática, que o conteúdo de Funções Polinomiais e os demais tópicos matemáticos não estão divorciados entre si e que sempre é possível buscar um meio que promova um intercâmbio entre esses conceitos e provoque significado ao aluno de acordo com cada realidade a ser considerada.

Palavras-chave: Funções Polinomiais, Modelagem Matemática, Dinâmica Populacional.

INTRODUÇÃO

Calcular é um ato cotidiano. Está presente em gestos simples, como estimar o número de pães a comprar, o valor exato do salário após descontos, o preço de uma corrida de táxi ou o combustível necessário para uma viagem. Também se manifesta nas decisões mais amplas, como prever o crescimento de uma população, o comportamento de um vírus ou o custo de uma obra. Por trás de cada uma dessas ações há um raciocínio matemático que traduz o real em números, letras e relações: há sempre um polinômio a resolver.

Os polinômios, ainda que pareçam abstrações distantes, estão profundamente entrelaçados à vida humana. Quando associados às funções, tornam-se instrumentos de modelagem do mundo – expressões que descrevem fenômenos naturais, econômicos, sociais e tecnológicos. É nesse ponto que a matemática se revela não como um amontoado de fórmulas, mas como uma linguagem universal, capaz de narrar a realidade com precisão e beleza.

No percurso escolar, o estudo dos polinômios assume papel estruturante. Ele se inicia, de modo introdutório, no 7º ano do Ensino Fundamental, quando o estudante começa a construir o pensamento algébrico, e se amplia gradualmente até o Ensino Médio e o Ensino Superior, onde o conteúdo ganha contornos analíticos e aplicados. Essa continuidade demonstra que compreender polinômios não é apenas dominar operações, mas aprender a enxergar relações e padrões que sustentam a lógica do mundo.

Todavia, a experiência escolar nem sempre traduz essa potência. A matemática, muitas vezes, surge aos olhos dos estudantes como um território árido, distante e inacessível. A incompreensão e o desinteresse nascem, em parte, da forma como a disciplina é apresentada – centrada em procedimentos mecânicos, dissociada do cotidiano e desprovida de significados. Como afirmam Segalin e Grandó (2005), há um distanciamento entre o ensino da álgebra e o fazer matemático, o que contribui para que o prazer inicial da descoberta ceda lugar à aversão e ao medo.

Pasquetti (2008) complementa que a matemática, embora seja uma linguagem universal, revela duas faces: uma, técnica e exata, confinada ao rigor dos especialistas; outra, viva e humana, essencial à comunicação e à compreensão do mundo social. É nesta segunda face que o ensino precisa insistir, reconstruindo pontes entre o formal e o vivido, entre o símbolo e o significado.

Desse modo, o ensino de polinômios deve ultrapassar a mera manipulação algébrica, promovendo experiências que permitam ao aluno interpretar, representar e transformar situações reais. O professor, nesse contexto, torna-se mediador de descobertas, alguém que conduz o estudante da observação concreta à abstração e, depois, de volta à prática social. Tal perspectiva está em consonância com os Parâmetros Curriculares Nacionais (BRASIL, 1997; 1999) e com a Base Nacional Comum Curricular (BRASIL, 2018), que defendem o estudo das funções como eixo integrador do raciocínio algébrico, da interpretação de gráficos e da modelagem de fenômenos.

Conforme destaca Menezes (2007), as crianças são naturalmente curiosas, e o aprendizado só acontece quando há espaço para a participação e o diálogo. Assim, criar ambientes de investigação e argumentação torna-se fundamental para o desenvolvimento da linguagem matemática, da criatividade e da autonomia intelectual. Essa postura pedagógica permite que o aluno deixe de ser mero receptor de conteúdos e se torne protagonista de sua própria aprendizagem.

Neste sentido, o presente estudo propõe uma reflexão sobre a importância dos polinômios e das funções polinomiais como instrumentos de representação e compreensão da realidade. Busca-se promover uma aprendizagem que una raciocínio e sentido, abstração e contexto, explorando possibilidades metodológicas que aproximem o saber matemático da vida do educando.

Adota-se, para tanto, a Modelagem Matemática como metodologia de ensino. Seguindo os pressupostos de Bassanezi (2002), compreende-se a modelagem como a arte de transformar situações do cotidiano em

problemas matemáticos, resolvê-los e interpretar seus resultados na linguagem do mundo real. Essa abordagem permite que a matemática deixe de ser uma coleção de fórmulas e se torne um instrumento de leitura e ação sobre a realidade, estimulando no aluno o gosto pela descoberta, o pensamento crítico e o prazer de compreender o universo que o cerca.

REFERENCIAL TEÓRICO

A Com o propósito de aprofundar os conceitos de Polinômios e Funções Polinomiais, buscou-se, neste estudo, uma abordagem que ultrapassasse o tratamento meramente algébrico e formal desses conteúdos. A intenção foi ressignificá-los a partir de suas aplicações práticas, revelando aos estudantes que a Matemática se manifesta como linguagem viva, essencial à compreensão do mundo e ao desenvolvimento humano e social. Assim, a investigação adotou como eixo metodológico a Modelagem Matemática, compreendida aqui como uma estratégia de ensino voltada à construção do conhecimento por meio da problematização da realidade.

A proposta se fundamenta na ideia de que o ensino de Matemática deve oportunizar ao aluno uma compreensão significativa do conteúdo, permitindo-lhe desenvolver conceitos e ideias a partir de situações-problema que dialoguem com o seu cotidiano, despertando curiosidade, reflexão e senso crítico. Esse movimento transforma o estudante em sujeito ativo de sua aprendizagem, capaz de formular hipóteses, testar caminhos e elaborar estratégias próprias de resolução.

Segundo Almeida (2004), a Modelagem Matemática constitui-se em uma atividade que busca soluções para problemas reais através da elaboração de modelos matemáticos. Ou seja, é na construção desses modelos – “um conjunto de símbolos e relações matemáticas que procura traduzir, de alguma forma, um fenômeno em questão ou problema de situação real” (BIEMBENGUT; HEIN, 2003, p. 12) – que o aluno dá forma conceitual àquilo que antes era apenas uma inquietação concreta. O modelo,

portanto, torna-se ponte entre o pensamento e a realidade, entre o simbólico e o palpável. Como parte da Matemática Aplicada, a Modelagem Matemática assume papel de mediação entre o rigor teórico e a vivência prática. Nesse sentido, apoiamo-nos nas contribuições de Bassanezi (2006), que elenca diversos aspectos capazes de justificar a relevância da Modelagem tanto no campo científico quanto no ensino:

- i. Pode estimular novas ideias e técnicas experimentais;
- ii. Oferecer informações em diferentes aspectos dos inicialmente previstos;
- iii. Fornecer um método para se fazer interpolações, extrapolações e previsões;
- iv. Sugerir prioridades de aplicação de recursos e pesquisas, e orientar eventuais tomadas de decisão;
- v. Preencher lacunas onde há falta de dados experimentais;
- vi. Servir como recurso para melhor entendimento da realidade;
- vii. Ser uma linguagem universal que promove o diálogo entre pesquisadores de diversas áreas do conhecimento.
- viii. (BASSANEZI, 2006, p. 32).

Esses princípios reforçam a dimensão interdisciplinar e investigativa da Modelagem, evidenciando que sua inserção no contexto educacional não apenas favorece o aprendizado matemático, mas também estimula a autonomia, o pensamento crítico e o desenvolvimento científico.

Biembengut (2003, p. 67) complementa essa perspectiva ao afirmar que “a modelagem matemática no ensino pode ser um caminho para despertar no aluno o interesse por tópicos matemáticos que ele ainda desconhece, ao mesmo tempo que aprende a arte de modelar, matematicamente”. Tal visão aproxima o processo de aprendizagem da dimensão criativa e exploratória da ciência, em que o erro e a dúvida são compreendidos como parte essencial da construção do saber.

- a. Em convergência com essas ideias, os Parâmetros Curriculares Nacionais (BRASIL, 1997; 1999) enfatizam que o ensino da Matemática deve:

- b. possibilitar ao aluno compreender e transformar o mundo ao seu redor;
- c. desenvolver formas de raciocínio lógico e estratégias de resolução de problemas, valorizando a validação dos resultados;
- d. promover conexões entre diferentes campos do conhecimento, articulando a Matemática com outras áreas curriculares.

Essas diretrizes dialogam diretamente com a proposta adotada neste trabalho, que entende a sala de aula como espaço de pesquisa, diálogo e experimentação. Fazer Modelagem Matemática, nesse sentido, significa investigar, refutar, comprovar e reconstruir conceitos. É um processo que nasce de uma curiosidade inicial e se transforma em investigação científica, sustentada por leituras, debates e observações do cotidiano. O papel do professor é atuar como orientador desse percurso, instigando os alunos a formular perguntas, coletar dados, estabelecer relações e elaborar respostas matematicamente coerentes.

A aplicação prática desta metodologia ocorreu a partir da temática “Dinâmica Populacional das Abelhas”, também denominada Dinâmica de Crescimento Populacional. A escolha desse tema deve-se à sua ampla aplicabilidade, podendo ser explorado desde os Anos Finais do Ensino Fundamental até cursos de nível superior, como Matemática, Física, Biologia e Engenharias. A proposta permite trabalhar conteúdos de forma contextualizada e interdisciplinar, aproximando o estudo das Funções Polinomiais de 1º Grau de fenômenos reais relacionados à ecologia, economia e sustentabilidade.

Conforme Bassanezi (2002), o estudo da dinâmica populacional tem sido amplamente desenvolvido por pesquisadores de diferentes áreas, revelando o potencial da Matemática para descrever e compreender fenômenos de crescimento e decaimento em populações humanas, animais ou celulares. A partir da Modelagem, é possível construir equações que representam o comportamento dessas populações ao longo do tempo, observando-se padrões de variação e suas causas.

Essa abordagem, quando transportada para o contexto educacional, oferece aos alunos a oportunidade de ver a Matemática em ação, analisando dados reais, construindo modelos e interpretando resultados. As Equações de Diferenças (Funções Polinomiais de 1º Grau), estudadas nos Anos Finais do Ensino Fundamental, e as Equações Diferenciais, próprias do Ensino Superior, surgem como expressões distintas de um mesmo raciocínio investigativo: o de compreender a realidade por meio da linguagem matemática.

Assim, a metodologia adotada neste trabalho não se restringe à aplicação de uma técnica, mas constitui-se como uma postura pedagógica investigativa, que valoriza a experiência, o erro, a conjectura e o diálogo. A Modelagem Matemática, ao ser inserida no ensino de Funções Polinomiais, permite ao estudante não apenas resolver problemas, mas interpretar o mundo, reconhecer padrões e construir sentido para aquilo que aprende – tornando, enfim, a Matemática um exercício de humanidade.

METODOLOGIA

O presente estudo apresenta uma proposta metodológica voltada ao ensino de Matemática, com ênfase na exploração das Funções Polinomiais e suas possíveis conexões com outros conteúdos da área. A proposta fundamenta-se na Modelagem Matemática como estratégia de ensino, entendida aqui não apenas como um recurso didático, mas como um meio de promover um aprendizado ativo, investigativo e significativo para os estudantes.

Esta experiência foi concebida e executada no âmbito do Programa de Pós-Graduação em Ensino de Ciências e Educação Matemática, durante o desenvolvimento da disciplina *Ensino-Aprendizagem de Matemática no Ensino Fundamental e Médio*, ministrada pelo professor Dr. Aníbal de Menezes Maciel. Nesse contexto, os discentes foram desafiados a selecionar temáticas pertinentes à Educação Matemática e aos conteúdos da Educação Básica, com o intuito de elaborar uma proposta de intervenção

pedagógica capaz de enriquecer as práticas metodológicas voltadas ao ensino da Matemática.

Após leituras, discussões teóricas e reflexões sobre práticas de ensino, optou-se por trabalhar o conteúdo de Polinômios e Funções Polinomiais, articulando-o à abordagem da Modelagem Matemática. A proposta, inicialmente pensada para o Ensino Médio, revelou potencial para ser adaptada também aos Anos Finais do Ensino Fundamental, contemplando estudantes que já possuem noções introdutórias de Álgebra e estão prontos para relacionar conceitos abstratos a fenômenos concretos.

O estudo iniciou-se com uma revisão teórica, buscando compreender os fundamentos e contribuições da Modelagem Matemática como metodologia de ensino. A intenção, ao sintetizar os referenciais estudados, foi abrir caminhos para novas possibilidades no ensino e aprendizagem de Funções Polinomiais, ampliando as práticas docentes e fortalecendo o vínculo entre teoria e prática em sala de aula.

No que se refere à abordagem da pesquisa, esta caracteriza-se como qualitativa, pois privilegia a compreensão dos significados e experiências vivenciadas pelos participantes no processo de ensino e aprendizagem. Essa perspectiva, segundo Bicudo (2004), valoriza a subjetividade, permitindo que as percepções, sentimentos e reflexões sejam reconhecidos como parte constitutiva da produção de conhecimento.

A proposta foi aplicada em um curso de curta duração, com carga horária total de oito horas, e contou com a participação de discentes do curso de mestrado. O objetivo era duplo: apresentar a fundamentação teórica e prática da Modelagem Matemática e, simultaneamente, vivenciar uma experiência concreta dessa metodologia, de modo que os participantes pudessem refletir criticamente sobre sua aplicação e relevância no ensino de Matemática.

Para a construção dessa proposta didática, seguimos os pressupostos metodológicos de Biembengut e Hein (2003), que sistematizam o processo da Modelagem Matemática em etapas interdependentes, compreendendo tanto o planejamento docente quanto a ação pedagógica

em sala de aula. De forma adaptada à realidade deste estudo, as etapas foram organizadas da seguinte maneira:

1. **Familiarização e Diagnóstico Inicial** – etapa em que o professor busca compreender o perfil da turma, identificando conhecimentos prévios, limitações, interesses e o contexto sociocultural dos alunos. Esse reconhecimento é fundamental para definir estratégias adequadas e ajustar o tempo e o espaço pedagógico necessários às atividades.
2. **Escolha do Tema** – momento central do processo, em que se seleciona o tema a ser explorado. A escolha pode ser conduzida pelo professor ou emergir do interesse dos estudantes, sendo essencial que o tema desperte curiosidade, seja relevante e esteja vinculado a situações reais que favoreçam a construção do conhecimento.
3. **Desenvolvimento do Conteúdo Programático** – etapa que envolve três dimensões complementares
4. **Exploração Científica e Investigativa** – fase dedicada à promoção do pensamento crítico e da autonomia intelectual, incentivando os alunos a investigar, formular hipóteses, confrontar resultados e tirar conclusões a partir dos dados e das relações matemáticas estudadas.
5. **Avaliação e Reflexão** – momento de análise e síntese do percurso formativo, considerando não apenas o desempenho cognitivo, mas também o envolvimento, a colaboração, o interesse e a evolução conceitual dos participantes.

Assim, a metodologia adotada neste trabalho não se limita à simples descrição de procedimentos, mas reflete um processo de pesquisa e prática integrados, no qual o ensino de Matemática se constrói como experiência viva e contextualizada. A Modelagem Matemática, ao articular teoria e prática, proporciona um ambiente de aprendizagem em que

o estudante é instigado a pensar, questionar e criar, favorecendo o desenvolvimento de competências analíticas e investigativas.

Por fim, destaca-se que o detalhamento metodológico é elemento essencial de qualquer pesquisa científica, pois confere transparência, rigor e credibilidade aos resultados. É por meio da clareza metodológica que se assegura a reprodutibilidade e a validade científica do estudo, permitindo que outras investigações possam dialogar, aperfeiçoar e expandir os caminhos aqui propostos.

RESULTADOS E DISCUSSÃO

Esse processo busca uma representação matemática que descreva a situação envolvida. As representações interpõem as relações entre as características da situação e dos conceitos, métodos e propriedades matemáticas. Já as descrições surgem a partir do tratamento dos dados da situação-problema, da formulação de hipóteses, da seleção de variáveis e dos ajustes ou simplificações realizadas na etapa de Inteiração, fato esse que encaminha a elaboração de um modelo matemático ou apenas ao uso dele.

1º PASSO: TRATAMENTO DOS DADOS PARA MODELAGEM

Ao ter o primeiro contato com a Situação-Problema, o aluno momentaneamente relaciona o que pede no problema com seus conhecimentos prévios sobre a temática. Ao se tratar, especialmente, de uma atividade de Modelagem Matemática percebemos que nem sempre é possível descrever por meio de fórmulas, equações ou propriedades matemáticas uma situação realística.

Ao se estudar Modelagem Matemática o sujeito objetiva-se a construir/usar modelos capazes de descrever, representar ou exprimir, de fato, a situação real estudada, sendo essa uma das etapas mais difíceis do processo de modelagem. A construção de um modelo pode ser um processo

simples, complexo ou até mesmo impossível, levando em conta que não basta apenas construir um modelo, mas sim, também, resolve-lo. Quanto mais próximo for a descrição do modelo da vida real mais difícil será sua resolução.

Diante da pergunta “Em quanto tempo o “Enxame Voador” vai formar uma “nova” colmeia?”, a Figura a seguir apresenta os dados de alguns valores que foram simulados para Situação-Problema trabalhada, tendo em vista que esses dados precisam ser modelados e ajustados de modo que possibilite sua descrição e resolução matemática.

Figura 2. Dados da Situação-Problema

Dados da Modelagem	Valores relativos
Número de abelhas numa família nova	10.000
Postura média de uma rainha	2.000 ovos/ dia
Longevidade das operárias	40 dias
Período entre postura e nascimento	21 dias

Fonte. Acervo do Autor.

2º PASSO: RESOLUÇÃO

Considerando os dados retirados e formulados da situação-problema, o primeiro passo para saber em quanto tempo esse novo enxame irá formar uma nova colmeia é considerar as duas variáveis fundamentais de tempo, as taxas de natalidade e morte das abelhas. A partir das informações sobre o número de abelhas do que contém o “Enxame

Voador” e a longevidade, ou seja, o tempo de vida das operárias, começamos o primeiro passo da resolução através da modelagem fazendo a equidistribuição da idade das abelhas, já que não temos informação sobre o tempo de vida de cada uma. Então, temos a Taxa Média Diária de Mortalidade das abelhas operárias no “Enxame Voador”:

$$\frac{10.000}{40} = 250$$

Durante todo o processo de resolução e de transposição das situações numa linguagem natural para uma linguagem matemática novos conceitos são desenvolvidos. Após a obtenção da taxa média de mortalidade das abelhas do enxame por dia (250), iremos calcular e mensurar a diminuição da população de abelhas (10.000) durante os dias do período de postura até o nascimento de novas abelhas (21 dias).

Sabendo que o período compreende um espaço de 20 dias até que novas abelhas nasçam, o conceito introdutório de função surge quando expressamos a relação entre a população inicial de abelhas e a taxa média de mortalidade por dia para determinar a dinâmica populacional das abelhas até o último dia do período de postura. Para isso, consideremos a função através da equação dentre $P(0)$, sendo a população inicial de abelhas assim que elas se alojam, e a atenuação da quantidade de abelhas ao decorrer do tempo dado em dias.

Figura 3. Dinâmica Populacional das Abelhas: Parte 1

Tempo	Função - Modelo 1	População/ dia
Momento inicial	$P(0) = 10.000$	10.000
1° dia	$P(1) = 10.000 - 1(250)$	9.750
2° dia	$P(2) = 10.000 - 2(250)$	9.500
...
20° dia	$P(20) = 10.000 - 20(250)$	5.000

Fonte. Acervo do Autor.

Através dessa representação inicial, algebricamente, podemos aprofundar o conceito de função e generalização de uma equação de uma variável para uma Função Polinomial do 1° Grau, por meio da formalização obtemos a seguinte expressão:

$$P(t) = 10.000 - t(250)$$

Ou para a expressão que mais se assemelha com uma característica da Função Polinomial do 1° Grau $f(x) = ax + b$, com a e b reais e a diferente de zero, a expressão é:

$$P(t) = -250 t + 10.000$$

Com isso, ideias conceituais sobre Domínio, Contradomínio e imagem podem ser abordadas de forma exploratória devido as condições da Situação-Problema. Veja, se o modelo utilizado para resolver o primeiro passo do problema é uma Função Polinomial do Primeiro Grau que descreve o comportamento de decrescimento de vida útil de abelhas durante o período de tempo dado em dias, em qual conjunto matemático se enquadra o domínio da função, ou seja, em qual conjunto matemático se enquadram os numerais que t (tempo) pode assumir na equação? Outro questionamento é em qual/quais conjuntos pertencem os valores resultantes dessa função?

Figura 4. Variáveis e Variação da Situação-Problema

Variáveis	Varição
Tempo	$0 \leq t \leq 21$
População	10.000 - 5.000

Fonte. Acervo do Autor.

Diante da *Figura 4* percebemos que o modelo da Função que descreve a Dinâmica Populacional das abelhas possui um Conjunto Domínio limitado, compreendido entre os números naturais e que o Conjunto Imagem é limitado e discreto.

Além disso, podemos estender essas representações dispondo a população das abelhas, durante cada dia do período de postura, em rol e evidenciar os conceitos de sequência ou sucessão, como segue:

$$P: \{10.000, 9.750, 9.500, \dots, 5.250, 5.000\}$$

Através de uma análise e discussão sobre esta sequência, podemos deduzir que a diferença entre um termo e seu sucessor é sempre constante, e essa observação traz à tona um conceito matemático relacionado, a Sequência Aritmética ou também nomeada por Progressão Aritmética.

Veja, seja a_1 a população inicial (10.000), r a taxa de mortalidade/dia (-250) e t o tempo de $(n-1)$, obtemos uma expressão característica do termo geral de uma progressão aritmética.

$$a_n = a_1 + (n-1)r$$

Com isso, temos mais uma conexão a pensar e aplicar, o conceito de Sequência ou Progressão pode ser facilmente aplicado nessa atividade de modelagem. E assim, pela situação-problema, consolidamos que uma sequência é uma função $f(n)$ cujo domínio é os naturais, porém, outra possibilidade pode ser mencionada, pois, se considerar o tempo não em dia, de forma discreta, mas sim de forma contínua teremos um belo exemplo para apresentar função real, em particular função polinomial de grau n .

Com isto, vemos que mesmo com a amplitude de conceitos e explorações já feitas ainda não finalizamos a resolução do problema, tendo em vista que com esses dados apenas respondemos a dinâmica populacional dentro do espaço tempo de vinte dias, que é o período em que as operárias estão trabalhando antes do nascimento dos ovos colocados. Com a informação de que a longevidade das abelhas já existentes é de quarenta dias, ainda nos falta investigar o caso compreendendo os dias restantes, que varia desde o 21° dia ao 41° dia, e os dias futuros desse novo “enxame voador”.

Figura 5. Dinâmica Populacional das Abelhas: Parte 2

Tempo	Função - Modelo 2	População/ dia
20° dia	$P(20) = 5.000$	5.000
21° dia	$P(21) = 5.000 - 250 + 2.000$	6.750
22° dia	$P(22) = \mathbf{6.750} - 250 + 2.000$	8.500
23° dia	$P(23) = \mathbf{8.500} - 250 + 2.000$	
...
t° dia	$P(t) = 5.000 + (t-20) 1750$	x

Fonte. Acervo do Autor.

Através da figura acima, percebemos que a partir do 21° dia o resultado da postura dos ovos começa a mudar a rota da dinâmica populacional, pois além da morte diária, em média, de 250 abelhas operárias nascem mais 2.000 novas abelhas para formar o enxame. Algebricamente, temos que a população diária de abelhas será dada pela população do dia anterior menos as que morrem mais as que nascem.

Nessa perspectiva, uma exploração dessa representação acima é a formalização da função, constituindo assim o segundo modelo utilizado nessa atividade de modelagem para descrever o novo comportamento populacional, dessa vez de crescimento.

$$P(t) = 1750t - 30.000, \text{ para } 21 \leq t < 41.$$

Ou seja, esse modelo descreve o comportamento populacional do enxame durante os dias de nascimento das novas abelhas até o 40° dia que é o período final de longevidade das abelhas adultas já existentes, assim como foi mostrado nos dados simulados.

Após os 40 dias teremos um novo modelo para descrever a situação, pois a partir do 41° dia não morrem mais abelhas, tendo em vista que o período de longevidade das abelhas já existentes no enxame inicial terminou e que agora só contaremos com as abelhas novas que nascem a cada dia, o que garante um crescimento maior que o da situação anterior. Em outras palavras, a novo modelo que descreverá a situação, pelo menos, nos próximos vinte dias, contará com a população do 40° dia mais 2.000 a cada dia seguinte, dado pela função a seguir:

$$P(t) = 40.000 + (t-40) 2.000, \text{ para } 41 \leq t \leq 60.$$

Além disso, temos ainda que pensar que o ciclo continua, “o carrossel nunca para de girar”, ou seja, a partir do 61° dia devemos considerar que passam a morrer as operárias que nasceram no 21°, pois se completam os

40 dias de longevidade, no entanto, o nascimento continua, dessa forma, temos:

Figura 6. Dinâmica Populacional Constante

Tempo	Função Constante	População/dia
60° dia	80.000	80.000
61° dia	$P(61) = 80.000 - 2.000 + 2.000$	80.000
62° dia	$P(62) = 80.000 - 2.000 + 2.000$	80.000
t° dia	$P(t) = 80.000$	80.000

Fonte. Acervo do Autor.

Divergindo dos modelos anteriores esse apresenta uma função constante, ou seja, como a quantidade de mortes é equivalente à de nascimento por dia, temos uma função que descreve um comportamento permanente.

3° PASSO: INTERPRETAÇÃO:

Segundo Biembengut (2003), enquanto a fase de resolução é composta por formulações, hipóteses, métodos e procedimentos, a interpretação é o momento de avaliação, um ponto essencial e característico de uma atividade sob a perspectiva da Modelagem Matemática como estratégia de ensino, pois além de apenas obter um resultado vazio ou totalmente quantitativo, avaliar e analisa-lo se mostra mais importante quando se refere a uma atividade de investigação e construção para responder um problema. Sendo assim, essa fase consiste na interpretação qualitativa dos modelos utilizados e do resultado, de modo a garantir e validar as representações matemática associadas a situação trabalhada.

Neste momento, os alunos participantes são levados a uma reflexão discursiva sobre a problematização e sobre os procedimentos e conceitos matemáticos utilizados. De acordo com o exposto, de modo geral, percebemos que esta atividade sobre a Dinâmica Populacional das Abelhas teve quatro pontos de investigação e validação, são eles:

- **Modelo 1** ($P(t) = -250 t + 10.000$): O primeiro modelo utilizado se trata de uma Função Polinomial do 1º Grau, a qual foi introduzida e discutida conforme suas características algébricas, explanando suas outras nomeações como Função Afim, Função Linear e Constante através de sua Lei de Formação $f(x) = ax + b$ e especificidades quanto ao seu Conjunto Domínio e imagem, mas que através da atividade em modelagem pudemos explorar suas conexões com outros tópicos matemáticos e validar a função como um modelo eficaz para descrever a dinâmica populacional das abelhas durante os primeiros 20 dias, na qual é possível observar uma diminuição gradativa da população. Em termos algébricos vemos que há uma taxa média de mortalidade, cuja razão é de 250 por dia e, por esse motivo, se trata de uma função ou sequência decrescente (taxa negativa).
- **Modelo 2** ($P(t) = 1750 t - 30.000$): Já o segundo modelo utilizado descreve uma mudança de comportamento, pois a partir do 21º dia até o 41º a população continua morrendo na taxa média de 250 por dia, porém, devido ao fim do período de postura dos ovos, começam a nascer 2000 abelhas por dia, obtendo assim uma taxa de sobrevivência de 1750 a cada dia, ou seja, uma função ou sequência crescente (taxa positiva).
- **Modelo 3**: ($P(t) = 40.000 + (t - 40) 2.000$): Enquanto o terceiro modelo apresenta um comportamento de crescimento ainda maior que o modelo 2, pois a partir do 41º até 60º não há mais morte das abelhas operárias, portanto, apenas nascimento numa razão de 2.000 abelhas/dia. Por esse motivo, o modelo descreve uma função ou sequência, também crescente (taxa positiva).
- **Modelo 4**: ($P(t) = 80.000$): Por fim, o terceiro e último modelo apresenta uma das possibilidades de comportamento de uma Função Polinomial do 1º Grau, pois o enxame já está estabilizado, sendo assim, apesar de perder 2.000 abelhas/dia nascem também esse mesmo quantitativo de abelhas. Portanto, como a taxa de morta-

lidade é igual a de nascimento, a população permanece a mesma, ou seja, o modelo descreve uma função ou sequência constante.

CONSIDERAÇÕES FINAIS

Em síntese, o presente estudo evidenciou que é plenamente possível construir e formalizar propostas pedagógicas que tornem o ensino e a aprendizagem da Matemática uma experiência dinâmica, acessível e significativa. No contexto específico dos conceitos algébricos de Polinômios e Funções Polinomiais, sobretudo as de primeiro grau, constatou-se que o uso de metodologias ativas e estratégias contextualizadas amplia as possibilidades de compreensão do conteúdo, permitindo ao estudante transitar por diferentes caminhos cognitivos rumo à construção do conhecimento.

A experiência revelou, ainda, que a Modelagem Matemática, quando compreendida como metodologia de ensino e não apenas como técnica, se consolida como uma potente ferramenta de mediação pedagógica. Ela potencializa o engajamento discente e estimula o desenvolvimento de competências como a participação ativa, a interação social, a criatividade, a curiosidade investigativa e o raciocínio lógico-científico – aspectos fundamentais para uma aprendizagem verdadeiramente emancipadora. Essa constatação se mostrou evidente tanto no âmbito da Educação Básica quanto em níveis mais avançados, como o Ensino Superior, reafirmando a versatilidade e a relevância dessa abordagem para a formação matemática em diferentes contextos.

Outro aspecto de destaque neste trabalho foi a discussão sobre o ensino de Funções Polinomiais e suas múltiplas conexões com outros tópicos matemáticos. A partir da resolução da situação-problema proposta, foi possível não apenas aprofundar conceitos elementares, como domínio, contradomínio e imagem, mas também explorar as relações intrínsecas entre equações e funções, incógnitas e variáveis, evidenciando a natureza interdependente desses conceitos. Além disso, emergiram conexões fér-

teis com conteúdos como Sequências e Progressões Aritméticas, Razão e Proporção, Geometria Plana, Geometria Analítica e Trigonometria, especialmente quando a análise gráfica foi incorporada à discussão.

Essa articulação entre temas matemáticos, frequentemente tratados de maneira fragmentada nos currículos, reforça a necessidade de um ensino que valorize o diálogo entre os diferentes campos do saber, permitindo que o aluno perceba a Matemática como um sistema integrado, vivo e em constante movimento. Nesse sentido, espera-se que este trabalho inspire outros pesquisadores e professores a olharem para a Matemática não como um conjunto de regras abstratas, mas como uma linguagem para compreender e transformar o mundo, promovendo uma aprendizagem que seja, ao mesmo tempo, rigorosa, humana e significativa.

REFERÊNCIAS

ALMEIDA, L. M. W.; BORSSOI, A.H. **Modelagem Matemática e aprendizagem significativa: uma proposta para o estudo de equações diferenciais ordinárias.** Educação Matemática Pesquisa, São Paulo, v. 6, n. 2, 2004.

BASSANEZI, R.C. **Ensino-aprendizagem com Modelagem Matemática: uma nova estratégia.** São Paulo: Editora Contexto, 2002.

BASSANEZI, R. C. **Ensino-aprendizagem com modelagem matemática**, 3ª ed. São Paulo. Contexto, 2006.

BICUDO, M. A. V. Pesquisa qualitativa e pesquisa qualitativa segundo a abordagem fenomenológica. In: BORBA, M. C.; ARAÚJO, J. L. (Org.). **Pesquisa qualitativa em educação matemática.** Belo Horizonte: Autêntica, 2004. p. 99-112.

BIEMBENGUT, Maria Salett. HEIN, Nelson. **Modelagem matemática no ensino.** 3. ed. – São Paulo: Contexto, 2003.

BIEMBENGUT, Maria Salett. **Modelagem matemática e implicações no ensino e na aprendizagem de matemática.** 2. ed. – Blumenau: Edfurb, 2004

BRASIL. **Parâmetros Curriculares Nacionais:** matemática. Secretaria da Educação Fundamental. Brasília: MEC/SEF, 1997.

D'AMBROSIO, Ubiratan. **Da realidade à ação: reflexões sobre educação e matemática.** São Paulo: Summus; Campinas: Ed.da Universidade Estadual de Campinas, 1986.

MACHADO, Silvia Dias Alcântara (Org.). **Aprendizagem em matemática: registros de representação semiótica.** Campinas, SP: Papyrus, 2003.

MENEZES, Luiz Carlos de. Como o professor vê a educação. **Revista Nova Escola.** São Paulo, p.35: Novembro, 2007.

PASQUETTI, Camila. **Proposta de aprendizagem de polinômios através de materiais concretos.** Trabalho de Conclusão de Curso – Departamento de Ciências Exatas, Universidade Regional Integrada do Alto Uruguai e das Missões, Erechim, 2008.

SEGALIN, Terezinha; GRANDO, Neiva Ignês. **Conceitos algébricos no ensino fundamental: apropriação de significados.** Passo Fundo: UPF, 2005.